Министерство просвещения Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
«Ульяновский государственный педагогический университет имени И.Н. Ульянова»
(ФГБОУ ВО «УлГПУ им. И.Н. Ульянова»)

Факультет физико-математического и технологического образования
Кафедра высшей математики

УТВЕРЖДАЮ
Проректор по учебно-методической работе
_____ С.Н. Титов
«25» июня 2021 г.

КОМПЬЮТЕРНАЯ АЛГЕБРА

Программа учебной дисциплины модуля «Специальные разделы предметной области»

основной профессиональной образовательной программы высшего образования – программы бакалавриата по направлению подготовки
44.03.01 Педагогическое образование,

направленность (профиль) образовательной программы
Информатика

(заочная форма обучения)

Составитель: Глухова Н.В.,
доцент кафедры высшей математики

Рассмотрено и одобрено на заседании ученого совета факультета физико-математического и технологического образования, протокол от «21» июня 2021 г. № 7

Ульяновск, 2021

ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН
ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

Сертификат: 01D77C644FC1E54000000006381D0002
Владелец: Титов Сергей Николаевич
Действителен: с 19.07.2021 до 19.07.2022

Created by free version of DocuFreezer

Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Компьютерная алгебра» относится к дисциплинам части, формируемой участниками образовательных отношений, Блока 1. Дисциплины (модули) модуля «Специальные разделы предметной области» учебного плана основной профессиональной образовательной программы высшего образования – программы бакалавриата по направлению подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, направленность (профиль) образовательной программы «Информатика», заочной формы обучения.

Дисциплина опирается на результаты обучения, сформированные в рамках дисциплин Вводный курс алгебры, Математическая логика, Дифференциальное и интегральное исчисление, Дискретная математика, Теория чисел.

Результаты изучения дисциплины являются основой для изучения ряда дисциплин и прохождения практик: Теория алгоритмов, Компьютерное моделирование, Численные методы и для прохождения государственной итоговой аттестации

Перечень планируемых результатов обучения (образовательных результатов) по дисциплине

Целью освоения дисциплины является подготовка учителя к будущей профессиональной деятельности: формирование способности к преподаванию учебных предметов по профилю, как в обычных общеобразовательных классах, так и в классах с углубленным изучением математики.

Задачей освоения дисциплины является закрепление умений проводить математические преобразования выражений с помощью компьютерных технологий, отработка понятийного аппарата математики, техники проведения математических расчетов, формирование и закрепление умения проводить строгие абстрактно-логические доказательства.

В результате освоения программы обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения (в таблице представлено соотнесение образовательных результатов обучения по дисциплине с индикаторами достижения компетенций):

Компетенция и индикаторы ее достижения в дисциплине	Образовательные результаты дисциплины (этапы формирования дисциплины)		
	знает	умеет	владеет
ПК-12 - Способен выделять структурные элементы, входящие в систему познания предметной области (в соответствии с профилем и уровнем обучения), анализировать их в единстве содержания, формы и выполняемых функций.			
ПК-12.1. Знает формулировки определений, содержательное значение терминов и	ОР-1. Основные понятия дисциплины, определения, содержательное	ОР-2 Решать задачи по дисциплине, проводить доказательства,	

понятий предметной области, правила и алгоритмы оперирования с объектами предметной области, понимает взаимосвязь между структурными элементами; имеет представление о функциях и практическом применении изучаемых объектов. ПК-12.2. Умеет выделять и анализировать структурные элементы, входящие в систему познания предметной области; определять логическую взаимосвязь между компонентами предметной области; строить логически верные и обоснованные рассуждения; решать задачи предметной области.	значение терминов и их взаимосвязь, алгоритмы доказательств и решения задач	классифицировать и систематизировать основные изучаемые объекты, строить логически верные рассуждения	
ПК-14. Способен устанавливать содержательные, методологические и мировоззренческие связи предметной области (в соответствии с профилем и уровнем обучения) со смежными научными областями ИПК-14.1. Знает роль и возможности применения аппарата предметной области в смежных научных областях, их методологическое и мировоззренческое	ОР-3. возможности применения полученных сведений к решению задач школьного курса, а также в смежных научных областях	ОР-4. решать задачи школьного курса повышенной сложности, решать и составлять прикладные задачи по дисциплине	

значение; имеет представление о междисциплинарных связях, научных методах смежных областей ИПК-14.2. Умеет определять роль полученных знаний для смежных областей и для школьного курса, применять полученные знания в решении прикладных задач.			

2. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Номер семестра	Учебные занятия						Форма промежуточной аттестации
	Всего		Лекции, час	Практические занятия, час	Лабораторные занятия, час	Самостоят. работа, час	
	Трудоемк.						
	Зач. ед.	Часы					
5	3	108	4	10	-	67	экзамен (27)
Итого:	3	108	4	10	-	67	

3. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

3.1 .Указание тем (разделов) и отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

Наименование раздела и тем	Количество часов по формам организации обучения			
	Лекционные занятия	Практические занятия	Лабораторные занятия	Самостоятель-ная работа
5 семестр				

Представление данных в компьютере и алгоритмы символьных преобразований	2		6	13
Элементы абстрактной алгебры и их применения в кодировании	2		4	20
Экзамен				27
Всего по дисциплине:	4	-	10	67

3.2. Краткое описание содержания тем (разделов) дисциплины

Краткое содержание курса

1. Представление данных в компьютере и алгоритмы символьных преобразований

Представление данных в компьютере. Позиционные системы счисления. Представления символьных данных. Общие сведения о программе Maple. Простейшие алгоритмы символьных преобразований (числа, многочлены, выражения). Многочлены от нескольких переменных. Интерактивная форма – работа с системами компьютерной алгебры.

2. Элементы абстрактной алгебры и их применения в кодировании

Группы и подгруппы. Сравнимость элементов группы по подгруппе. Нормальные делители. Циклические группы. Кольца классов вычетов (числа и многочлены). Кольца конечной характеристики и конечные кольца. Основы модулярной арифметики. Расширения полей, алгебраические и конечные расширения. Алгоритмы работы с алгебраическими иррациональностями. Конечные поля. Элементы теории кодирования. Принципы помехоустойчивого кодирования, подгруппа линейных кодов и классы смежности. Алгоритмы с исправлением одной или двух ошибок, пути усовершенствования алгоритмов для исправления большего числа ошибок (применение конечных полей). Криптографические системы с открытым ключом..

4. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Самостоятельная работа студентов является особой формой организации учебного процесса, представляющая собой планируемую, познавательно, организационно и методически направляемую деятельность студентов, ориентированную на достижение конкретного результата, осуществляемую без прямой помощи преподавателя. Самостоятельная работа студентов является составной частью учебной работы и имеет целью закрепление и углубление полученных знаний и навыков, поиск и приобретение новых знаний, а также выполнение учебных заданий, подготовку к предстоящим занятиям и экзамену. Она предусматривает, как правило, разработку рефератов, написание докладов, выполнение творческих, индивидуальных заданий в соответствии с учебной программой (тематическим планом изучения дисциплины). Тема для такого выступления может быть предложена преподавателем или избрана самим студентом, но материал выступления не должен дублировать лекционный материал. Реферативный материал служит дополнительной информацией для работы на практических занятиях. Основная цель данного вида работы состоит в обучении студентов методам самостоятельной работы с учебным материалом. Для полноты усвоения тем, вынесенных в практические занятия, требуется работа с первоисточниками. Курс предусматривает самостоятельную работу студентов со специальной литературой. Следует отметить, что самостоятельная работа студентов результативна лишь тогда, когда она выполняется систематически, планомерно и целенаправленно.

Задания для самостоятельной работы предусматривают использование необходимых терминов и понятий по проблематике курса. Они нацеливают на практическую работу по применению изучаемого материала, поиск библиографического материала и электронных источников информации, иллюстративных материалов. Задания по самостоятельной работе даются по темам, которые требуют дополнительной проработки.

Общий объем самостоятельной работы студентов по дисциплине включает аудиторную и внеаудиторную самостоятельную работу студентов в течение семестра.

Аудиторная самостоятельная работа осуществляется в форме выполнения тестовых заданий, письменных проверочных работ по дисциплине. Аудиторная самостоятельная работа обеспечена базой тестов, контрольных и самостоятельных работ.

Внеаудиторная самостоятельная работа осуществляется в формах:

- подготовки к устным докладам;
- решение задач (домашних заданий) по изучаемым темам;
- выполнение групповых интерактивных заданий

ОС-1. Самостоятельная работа

Примерный вариант .

1) Перевести 112_7 и $2(10)5_{12}$ в 9-чную систему счисления.
2) Найти сумму, разность, произведение, частное (если необходимо, округлить до трёх знаков после запятой) чисел $21{,}2_8$ и $7{,}3_8$.

3) Обратить периодические дроби в обыкновенные, несократимые

а) 2,34(85); б) $12{,}1(2)_5$.

ОС-2 Контрольная работа

Примерный вариант:

1)Перевести 112_7 и $2(10)5_{12}$ в 9-чную систему счисления и найти в этой системе сумму, разность, произведение этих чисел, а также разделить большее на меньшее с остатком.

2)Найти элемент обратный 12 в поле классов вычетов по модулю 17.

3)Избавится от иррациональности в знаменателе

$$\frac{2\sqrt[3]{5}}{\sqrt[3]{25}+4\sqrt[3]{5}+1}$$

4)Представить подстановку в виде произведения независимых циклов

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 2 & 3 & 4 & 7 & 6 & 5 & 1 \end{pmatrix}$$

Групповое интерактивное задание.

Студенты разбиваются на микрогруппы по 4 человека и готовят доклад по темам

1. Алгебраические расширения полей. Теорема о строении простого алгебраического расширения поля.
2. Применение простых расширений к преобразованию иррациональных выражений.
3. Составные конечные расширения.
4. Конечные поля
5. Алгоритмы кодирования
6. Коды Рида-Соломона
7. Система RSA

Для самостоятельной подготовки к занятиям по дисциплине рекомендуется использовать учебно-методические материалы:

Глухова Н.В. Элементы абстрактной и компьютерной алгебры. Учебно-методическое пособие. – Ульяновск: УлГПУ, 2009. – 50 с

5. Примерные оценочные материалы для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Организация и проведение аттестации студента

ФГОС ВО в соответствии с принципами Болонского процесса ориентированы преимущественно не на сообщение обучающемуся комплекса теоретических знаний, но на выработку у бакалавра компетенций – динамического набора знаний, умений, навыков и личностных качеств, которые позволят выпускнику стать конкурентоспособным на рынке труда и успешно профессионально реализовываться.

В процессе оценки бакалавров необходимо используются как традиционные, так и инновационные типы, виды и формы контроля. При этом постепенно традиционные средства совершенствуются в русле компетентностного подхода, а инновационные средства адаптированы для повсеместного применения в российской вузовской практике.

Цель проведения аттестации – проверка освоения образовательной программы дисциплины-практикума через сформированность образовательных результатов.

Промежуточная аттестация осуществляется в конце семестра и завершает изучение дисциплины; помогает оценить крупные совокупности знаний и умений, формирование определенных компетенций.

Оценочными средствами текущего оценивания являются: доклад, тесты по теоретическим вопросам дисциплины, защита практических работ и т.п. Контроль усвоения материала ведется регулярно в течение всего семестра на практических (семинарских, лабораторных) занятиях.

№ п/п	**СРЕДСТВА ОЦЕНИВАНИЯ,** используемые для текущего оценивания показателя формирования компетенции	Образовательные результаты дисциплины
	Оценочные средства для текущей аттестации ОС-1 Самостоятельная работа ОС-2 Контрольная работа ОС-3. Выступление с докладами (интерактивное задание) Составление тестов	ОР-1. Знает оновные понятия дисциплины, определения, содержательное значение терминов и их взаимосвязь, алгоритмы доказательств и решения задач ОР-2. Умеет решать задачи по дисциплине, проводить доказательства, классифицировать и систематизировать основные изучаемые объекты, строить логически верные рассуждения ОР-3. знает возможности применения полученных сведений к решению задач школьного курса, а также в смежных научных областях ОР-4. умеет решать задачи школьного курса повышенной сложности, решать и составлять прикладные задачи по дисциплине
	Оценочные средства для промежуточной аттестации **зачет (экзамен)** ОС-4 Экзамен в форме устного собеседования	

Описание оценочных средств и необходимого оборудования (демонстрационного материала), а так же процедуры и критерии оценивания индикаторов достижения компетенций на различных этапах их формирования в процессе освоения образовательной программы представлены в Фонде оценочных средств для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине.

Материалы, используемые для текущего контроля успеваемости

обучающихся по дисциплине

Материалы для организации текущей аттестации представлены в п.5 программы.

Материалы, используемые для промежуточного контроля успеваемости обучающихся по дисциплине

ОС-4 Экзамен в форме устного собеседования

Примерные вопросы к экзамену

1. . Понятие группы, подгруппы
2. Смежные классы по подгруппе, фактор-группы. Теорема Лагранжа
3. Кольцо, подкольцо, идеал
4. Классы вычетов по произвольному идеалу. Фактор-кольцо
5. Кольцо классов вычетов по числовому модулю. Операции над классами вычетов.
6. Кольцо классов вычетов. Необходимое и достаточное условие того, чтобы это кольцо являлось полем (с доказательством)
7. Нахождение обратных элементов в поле классов вычетов
8. Кольцо многочленов от одной переменной, отношение делимости в нём, теорема о делении с остатком, НОД и НОК
9. Алгебраические расширения полей. Теорема о строении простого алгебраического расширения поля
10. Конечные поля, их простейшие свойства
11. Числа в конечных полях, характеристика поля
12. Теорема о количестве элементов произвольного конечного поля
13. Существование примитивного элемента в конечном поле (с доказательством)
14. Отношение сравнения многочленов по модулю
15. Фактор-кольцо многочленов по модулю многочлена. Необходимое и достаточное условие того, чтобы оно было полем (с доказательством)
16. Примеры вычислений над конечными полями
17. Основные понятия теории кодирования. Групповые коды и их свойства, применение теории групп для исправления ошибок
18. Алгоритм кодирования, позволяющий найти и исправить одну ошибку.
19. Алгоритм кодирования, позволяющий найти и исправить две ошибки. Пути улучшения алгоритма
20. Криптография. Системы с открытым ключом (алгоритм RSA).
21. Представление чисел в различных системах счисления. Примеры арифметических действий над числами в позиционных системах
22. Перевод чисел из одной системы счисления в другую для целых чисел
23. Перевод чисел из одной системы счисления в другую для дробных чисел
24. Алгоритмы работы с обыкновенными дробями
25. Перевод периодических дробей в обыкновенные
26. Представление многочленов в компьютере. Разреженные и плотные представления
27. Многочлены от нескольких переменных (способы упорядочения членов, рекурсивные и распределённые представления).
28. Дробно-рациональные выражения (нормальное и каноническое представления, алгоритмы работы)
29. Алгебраические числа. Алгоритмы работы с выражениями, содержащими иррациональность

Примерные практические задания к экзамену

1. Перечислить все элементы поля из 25 элементов. Указать квадраты любых 8 элементов и обратные для них
2. Найти информационное сообщением в системе, позволяющей найти и исправить одну ошибку, если принято сообщение (4, 3, 2, 1, 11, 21);

В конце изучения дисциплины подводятся итоги работы студентов на лекционных и практических занятиях путем суммирования заработанных баллов в течение семестра.

Критерии оценивания знаний обучающихся по дисциплине

Формирование балльно-рейтинговой оценки работы обучающихся

		Посещение лекций	Посещение практических занятий	Работа на практических занятиях	Экзамен
5 семестр	Разбалловка по видам работ	2 х 1=2 балла	5 х 1=5 баллов	229 баллов	64 балла
	Суммарный макс. балл	2 балла max	7 баллов max	236 баллов max	300 баллов max

Критерии оценивания работы обучающегося по итогам семестра

Оценка	**Баллы (3 ЗЕ)**
«отлично»	271-300
«хорошо»	211-270
«удовлетворительно»	151-210
«неудовлетворительно»	150 и менее

6. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Успешное изучение курса требует от обучающихся посещения лекций, активной работы на практических занятиях, выполнения всех учебных заданий преподавателя, ознакомления с основной и дополнительной литературой.

Запись **лекции** – одна из форм активной самостоятельной работы обучающихся, требующая навыков и умения кратко, схематично, последовательно и логично фиксировать основные положения, выводы, обобщения, формулировки. В конце лекции преподаватель оставляет время (5 минут) для того, чтобы обучающиеся имели возможность задать уточняющие вопросы по изучаемому материалу. Из-за недостаточного количества аудиторных часов некоторые темы не удается осветить в полном объеме, поэтому преподаватель, по своему усмотрению, некоторые вопросы выносит на самостоятельную работу студентов, рекомендуя ту или иную литературу. Кроме этого, для лучшего освоения материала и систематизации знаний по дисциплине, необходимо постоянно разбирать материалы лекций по конспектам и учебным пособиям. В случае необходимости обращаться к преподавателю за консультацией.

Подготовка к практическим занятиям.

При подготовке к практическим занятиям студент должен изучить теоретический материал по теме занятия (использовать конспект лекций, изучить основную литературу, ознакомиться с дополнительной литературой, при необходимости дополнить конспект, делая в нем соответствующие записи из литературных источников). В случае затруднений, возникающих при освоении теоретического материала, студенту следует обращаться за консультацией к преподавателю. Идя на консультацию, необходимо хорошо продумать вопросы, которые требуют разъяснения.

В начале практического занятия преподаватель знакомит студентов с темой, оглашает план проведения занятия, выдает задания. В течение отведенного времени на выполнение работы студент может обратиться к преподавателю за консультацией или разъяснениями. В конце занятия проводится прием выполненных заданий, собеседование со студентом.

Результаты выполнения практических зданий оцениваются в баллах, в соответствии с балльно-рейтинговой системой университета.

Планы лабораторных (практических) занятий

ПЗ-1 Представление чисел в компьютере

1. Запишите первые 20 чисел в системах счисления с основаниями

а) 9, б) 14, в) 4, г) 11

2. Выполните действия сложения и вычитания:

а) $10465_7 + 3351_7$ б) $15(11)3_{12} + 2724_{12}$

в) $10441_5+203_5+4211_5+41030_5$ г) $8051_9 + 12356_9 + 8051_9$

д) $134602_8 – 26415_8$ е) $15(11)3_{16} – 2724_{16}$

ж) $21(11)39_{12} – 37(10)4_{12}$ з) $2304_6 – 425_6$

3. Выполнить действия умножения и деления

а) $32403_7 \cdot 623_7$ б) $545_6 \cdot 3_6$

в) $(10)5(11)_{12} \cdot 9(10)_{12}$ г) $125_7 \cdot 64_7$

д) $1141043_5 : 23_5$ е) $26833_9 : 1823_9$

ж) $4(11)0930_{12} : 6_{12}$ з) $9(10)166_{12} : (10)_{12}$

4. Перевести число из одной системы счисления в систему с основанием g:

а) 2718_9, g = 7 д) 1927_{10}, g = 7

б) 34014_5, g = 8 е) 41102_7, g = 9

в) $(13)40(10)_{14}$, g =10 ж) $25(11)3_{12}$, g = 10

г) 34022_7, g = 5 з) $4(11)0930_{12}$, g = 6

ПЗ 2. Представление дробей

1. Перевести в десятичную

а) $126,34_8$ б) $(10)49,62_{16}$

2. Перевести из десятичной в систему с основанием g

а) 634,36 , g = 8 б) 52,37, g = 8

в) 36,6, g = 2 г) 156,5, g = 2

д) 52,21, g = 16 е) 812,32, g = 16

3. Выполните действия:

а) $12,034_5 + 3,444_5$ б) $2,304_6 + 0,253_6$

в) $28,07_{12} – 8,23_{12}$ г) $3,04_7 – 2,15_7$

д) $23,4_5 \cdot 0,24_5$ е) $2,(10)1_{12} \cdot 3,7_{12}$

ж) $0,(11)4(11)_{12} : 2,7_{12}$ з) $1,03_6 : 0,43_6$

4. Выяснить, обращаются ли в конечные систематические дроби по основанию g следующие обыкновенные дроби (записанные в десятичной системе счисления)

а) 7/400, g = 10 б) 23/48, g = 6

в) 25/288, g = 12 г) 5/384, g = 12

Если это возможно, выполните это обращение.

5. Представьте смешанную периодическую дробь в виде несократимого отношения двух целых чисел

а) 0, 233(37) б) 9, (387)

в) 11, (459) г) 7, 4(099)

д) $0,(02)_4$ е) $0, 0(2)_4$

ж) $0, 000(3)_6$ з) $0, 4(3)_7$

ПЗ 3. Группы, подгруппы, классы смежности, фактор-группы

1. Доказать, что множество целых чисел, кратных 3 (д/з 5) является подгруппой аддитивной группы всех целых чисел. Найдите правосторонне и левосторонне разложение группы целых чисел по данной подгруппе. Является ли данная подгруппа нормальным делителем?
2. Докажите, что множество самосовмещений правильного треугольника образует группу. Найдите все подгруппы данной группы. Найдите левые и правые классы смежности по всем подгруппам. Укажите те из них, которые являются нормальными делителями.
3. (д/з) Докажите, что множество поворотов квадрата образует подгруппу его самосовмещений. Найдите левые и правые классы смежности. Является ли эта подгруппа нормальным делителем.
4. Доказать, что множество всех чётных подстановок четырёхэлементного множества образует подгруппу всех подстановок данного множества. Докажите, что она является нормальным делителем. Постройте фактор-группу.
5. (д/з) Даны подстановки:

$a_0=\begin{pmatrix}1 & 2 & 3\\ 1 & 2 & 3\end{pmatrix}$, $a_1 = \begin{pmatrix}1 & 2 & 3\\ 1 & 3 & 2\end{pmatrix}$, $a_2 = \begin{pmatrix}1 & 2 & 3\\ 2 & 3 & 1\end{pmatrix}$, $a_3 = \begin{pmatrix}1 & 2 & 3\\ 2 & 1 & 3\end{pmatrix}$, $a_4 = \begin{pmatrix}1 & 2 & 3\\ 3 & 1 & 2\end{pmatrix}$, $a_5 = \begin{pmatrix}1 & 2 & 3\\ 3 & 2 & 1\end{pmatrix}$

Найти все подгруппы и все нормальные делители данной группы. Построить левые и правые классы смежности по всем нетривиальным подгруппам. Где это возможно, указать фактор-группы.

6. Даны матрицы:

$E=\begin{pmatrix}1 & 0\\ 0 & 1\end{pmatrix}$, $A = \begin{pmatrix}-1 & 0\\ 0 & -1\end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix}0 & -1\\ 1 & 0\end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix}0 & 1\\ -1 & 0\end{pmatrix}$,

Найти все подгруппы и все нормальные делители данной группы. Построить левые и правые классы смежности по всем этим подгруппам. Где это возможно, указать фактор-группы.

ПЗ – 4. Работа с многочленами.

1. Расположите члены следующих многочленов в лексикографическом порядке, в порядке «общей степени, затем лексикографическом»:

а) $x_1 + x_2 + x_3$

б) $3x_1^2 + 3x_2^2 + x_2$

в) $x_1 x_2 + x_2x_{13}$

г) $x_1^3 + x_2^3 + x_3^2 – 3x_1x_2x_3$.

2. Укажите старшие члены многочленов:

а) $(x_1 – x_2) (x_1 – x_3) (x_2 – x_3)$

б) $(x_1 – x_2)^2 (x_1 – x_3)^2 (x_2 – x_3)^2$

в) $(x_1 – x_2 – x_3) (x_2 – x_1– x_3) (x_3 – x_1 – x_2)$

г) $(x_2^3 + x_1^2x_3 – x_3^3) (x_1^2 – x_1^2x_2x_3) (x_1^3x_2^2 – x_1^4 + x_2^2)$

д) $2\sigma_1^4 \sigma_2^3\sigma_3^2$ (σ_i – элементарные симметрические многочлены)

е) $2\sigma_1^2 \sigma_2\sigma_3^3$.

3. Если это возможно, сократите дроби $f(x)/g(x)$:

а) $f(x) = x^4 – 3x^3 + 3x^2 – 3x + 2$, $g(x) = x^3 – 2x^2 – x + 2$

б) $f(x) = x^4 + 2x^3 + 2x^2 + 2x + 2$, $g(x) = x^3 + 3x^2 + 2$

в) $f(x) = x^5 + x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 4x + 2$, $g(x) = x^5 + 2x^4 + 3x^3 + 6x^2 + 6x + 2$

г) $f(x) = x^6 + 6x^5 + 2x^3 + 3x^2 + 6x + 1$, $g(x) = x^5 + 6x^4 + 4x^2 + 4x + 6$.

4. Упростите выражения:

а) $\dfrac{1}{x^4 + x^3 + 2x^2 + x + 1} + \dfrac{1}{x^3 + 2x^2 + x - 2}$

б) $\dfrac{x-1}{x^4 + 6x^3 + 17x^2 + 24x + 12} \cdot \dfrac{x^3 - 2x^2 - 13x - 10}{x^2 - 1}$

в) $\dfrac{x^2 + 1}{x^5 + x^3 + 2x^2 + 2x + 2} + \dfrac{x^4 + 2x^2 + 1}{x^4 + 2x^3 + 7x^2 + 2x + 6}$

г) $\dfrac{x^4 + x^3 + 3x^2 + 6x + 3}{x^3 + 2x^2 + 2x + 1} - \dfrac{x^6 + x^5 + 3x^4 + 2x^3 + 4x + 2}{x^5 + 3x^4 + x^3 + 6x^2 + 4x + 6}$.

ПЗ-5. Элементы теории кодирования

1.Сообщение кодируется с проверкой на чётность, указать заведомо ошибочные среди пришедших сообщений:
а) 1 1 1 1 1 1
б) 0 0 0 0 0 0
в) 1 0 1 0 1 0
г) 0 0 1 1 0 0
2. Определите последнюю цифру, добавляемую к сообщению (1 1 1 0 0) при кодировании с проверкой на чётность
3. Информационное сообщение: (1, 1, 2, 3). Определите проверочные символы в алгоритме с исправлением одной и двух ошибок
4. Найти информационное сообщением в системе, позволяющей найти и исправить одну ошибку, если принято сообщение
а) (5, 3, 2, 9, 14) Отв. (5, 3, 1) б) 4, 3, 2, 1, 11, 21 Отв. (5, 3, 2, 1)
в) 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 6, 29 – верно г) (1, 2, 2, 4, 5, 15, 55) Отв. (1, 2, 3, 4, 5)
д) 4, 1, 10, 16 Отв. (4, 6) е) (1, 2, 3, 1, 2, 1, 10, 34) Отв. (1. 2, 1, 1, 2, 1)
ж) 1, 2, 1, 2, 1, 2, 9, 15 – ошибочен s_2
з) (1, 3, 0, -1, 4, 10) – отказ. и) (1, 0, 1, 0, 2, 4) Отв. 1, 0, 1, 0
5. Найти сообщения, которые не содержат ошибок в системе, позволяющей найти и исправить одну ошибку:
а) 1, 2, 3, 1, 2, 1, 11, 34
б) 1, 1, 1, 0, 0, 0, 3, 6
в) 3, 1, 0, 0, 1, 1, 6, 16
г) 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 6, 21
6. При кодировании сообщения каждый символ утраивается, какое сообщение согласно принципу наибольшего правдоподобия является правильным, если принято сообщение 111001010111
7. Закодировать сообщение для исправления двух ошибок:
а) 1, 0, 1, 1 б) (4, 3, 2, 1) Отв. (10, 20, 50, 146)
в) (2, 5) г) (1, 0, 1) Отв. (2, 4, 10, 28)
8. Декодировать сообщение (алгоритм с исправлением двух ошибок):
(2, 1, 1, 0, 1, 1, 6, 16, 68, 352)
Отв. (3, 1, 0, 0, 1, 1)

7. Перечень учебной литературы и ресурсов сети «Интернет», необходимых для проведения практики

Основная литература

1. Царев А.В., Шеина Г.В. Элементы абстрактной и компьютерной алгебры. – М.МПГУ, 2016 – 116 с. (Электронный ресурс: «Университетская библиотека онлайн» http://biblioclub.ru/index.php?page=book_view_red&book_id=471787)
2. Титов К.В. Компьютерная математика: Учебное пособие. - М.: ИЦ РИОР, НИЦ ИНФРА-М, 2016. - 261 с (http://znanium.com/bookread2.php?book=523231).
3. Алгебраические структуры и их приложения: учебное пособие / Л. В. Зяблицева, С. Ю. Корабельщикова, И. В. Кузнецова, С. А. Тихомиров ; – Архангельск : Северный (Арктический) федеральный университет (САФУ), 2015. – 169 с. – Режим доступа: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=436142

Дополнительная литература

1. Крамарь В.А., Карапетьян В.А., Альчаков В.В. Специальные разделы математики: Практикум / - М.:Вузовский учебник, НИЦ ИНФРА-М, 2017. - 123 с. (http://znanium.com/bookread2.php?book=550621)
2. Шилин, И. А. Компьютерная алгебра в задачах: учебное пособие / И. А. Шилин ; Московский педагогический государственный университет. – Москва : Московский педагогический государственный университет (МПГУ), 2018. – 54 с. : ил. – Режим доступа: URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=500528
3. Комбинаторные алгоритмы: множества, графы, коды/БыковаВ.В. - Краснояр.: СФУ, 2015. - 152 с. (http://znanium.com/bookread2.php?book=550333)

Интернет-ресурсы

http://www.mathnet.ru Общероссийский математический портал

Created by free version of DocuFreezer